

ФИЗИЧЕСКИЕ ПРЕДВИДЕНИЯ АЛЕКСАНДРОВА

А.К. Гуц (г. Сочи)

Воркшоп по геометрическому анализу, посвященный 110-летию
со дня рождения А. Д. Александрова)

Институт математики им. С. Л. Соболева СО РАН
Южный математический институт ВНЦ РАН
Владикавказ – 2022

23 ноября 2022 года

Ну, я всё-таки физик!

Александров Александр Данилович – великий геометр XX века.

Оразование: физик, закончил физфак Ленинградского университета (1928-1933)

Научный руководитель: В.А. Фок – выдающийся советский физик. Первым выписал уравнение Дирака в псевдоримановом пространстве, независимо от Клейна уравнение скалярного поля в гравитационном поле (уравнение Клейна-Фока), вывел уравнения движения тела из уравнений Эйнштейна и пр.

Второй(?) научный руководитель: Б.Н.Делоне - замечательный математик, ученик Чебышева

Первое место работы: Государственный оптический институт (1930-1932); Физический институт ЛГУ (1932-1936).

И всё-таки я физик

Первые публикации:

1. О вычислении энергии двухвалентного атома по методу Фока // Журн. эксперим. и теорет. физики. 1934. Т. 4, вып. 4. С. 326–341.
2. Замечание о правилах коммутации и уравнении Шрёдингера // Докл. АН СССР. 1934. Т. 4, № 4. С. 198–200.
3. Рассеяние света в бесконечном плоском слое // Тр. Оптич. ин-та. 1936. Т. 11, вып. 99. С. 56–71. (совм. с Н.Г.Болдыревым).
4. Ошибки колориметрических измерений и метрика цветового пространства // Журн. эксперим. и теорет. физики. 1937. Т. 7, вып. 6. С. 785–791.

1934. КВАНТОВАЯ МЕХАНИКА

Вторая статья – то выдающееся открытие, которое недооценивается до сей поры. В ней было показано, что основные соотношения квантовой механики – коммутационные соотношения и уравнение Шрёдингера можно вывести практически из ньютоновской физики за счет небольшой переформулировки классических постулатов.

И это через год после окончания университета! Кстати, статью в «Доклады» представил академик С.И. Вавилов – выдающийся советский физик, открывший в это время эффект Вавилова-Черенкова, за что Черенкову в 1958 году, уже после смерти Вавилова, была присуждена Нобелевская премия.

1934. Аксиомы квантовой механики

Аксиома КМ₁. Физическое состояние тела описывается некоторой величиной ψ , которая принимает комплексные значения, меняющиеся при переходе от одной точки (события) в пространстве-времени к другой. Иначе говоря, полагаем, что

$$\psi = \psi(\vec{r}, t), \quad \vec{r} = (x, y, z).$$

Каждое тело характеризуется средними значениями координат $\langle \vec{r} \rangle = (\langle x \rangle, \langle y \rangle, \langle z \rangle)$ местонахождения тела:

$$\langle \vec{r} \rangle = \int \bar{\psi}(\vec{r}, t) \vec{r} \psi(\vec{r}, t) d\vec{r},$$

1934. Аксиомы квантовой механики

Аксиома КМ₂. Пусть тело находится в потенциальном поле $U(\vec{r}, t)$. Примем, как постулат, следующее уравнение движения тела с массой m в поле U :

$$m \frac{d^2}{dt^2} \langle \vec{r} \rangle = \int \bar{\psi}(\vec{r}, t) (\nabla U) \psi(\vec{r}, t) d\vec{r}. \quad (1)$$

Для того чтобы описывать физические состояния тела, нам теперь требуется уравнения движения для функции $\psi(x, y, z, t)$, которую будем называть *волновой функцией* или *ψ -функцией*.

Определим оператор импульса \hat{p} с помощью уравнения

$$m \frac{\partial}{\partial t} \int \bar{\psi} x \psi d\tau = \int \bar{\psi} \hat{p} \psi d\tau.$$

Аксиомы квантовой механики

Теорема 1.(А.Д. Александров, 1934) Существует действительное число \hbar такое, что справедливо равенство

$$\hat{p}x - x\hat{p} = -i\hbar. \quad (2)$$

Теорема 2. (А.Д. Александров, 1934). Волновая функция удовлетворяет уравнению движения

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = \left(\frac{1}{2m} \hat{p}^2 + U \right) \psi, \quad (3)$$

называемого уравнением Шрёдингера.

ВСЯ СУТЬ КВАНТОВОЙ МЕХАНИКИ!
ПРОСТО! ИЗЯЩНО! СТИЛЬ АЛЕКСАНДРОВА!

Делоне

Математик Делоне вел в 1932-33 г. семинарию по геометрической кристаллографии, которую посещал А.Д.

Материалы семинарии были обработаны и изданы.

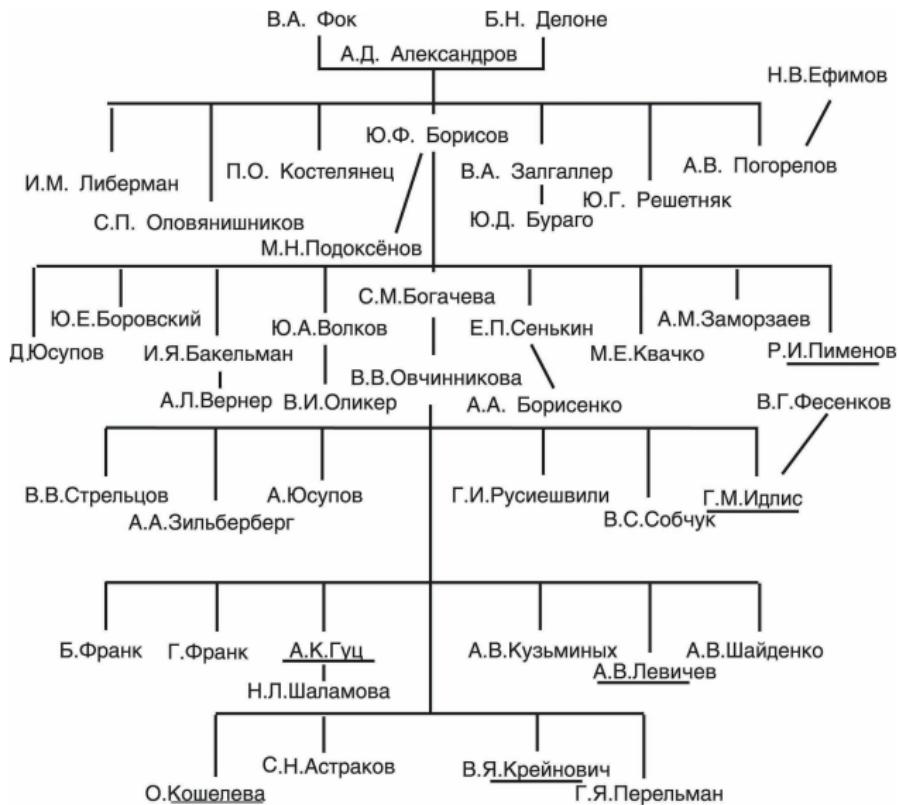
Александров стал соавтором книги:

Делоне Б., Падуров Н., Александров А. Математические основы структурного анализа кристаллов и определение основного параллелепипеда повторяемости при помощи рентгеновских лучей. - М.-Л.: Гостехиздат, 1934. - 328 с.

Александров написал первую главу "Теория симметрии кристаллического вещества".

Глава геометрическая. Как результат, Александров покинет физику на 12 лет и уйдет в геометрию!

УЧЕНИКИ



ОБЛАСТИ ИССЛЕДОВАНИЙ

1930-е - 1940-е

Квантовая
механика

Многогранники
Выпуклые тела

1940-е - 1950-е

Квантовая механика
Теория
относительности

Внутренняя
геометрия выпуклых
поверхностей

Теория меры

Теория абсолютного
пространства-
времени

Двумерные
многообразия
ограниченной кривизны

Дифференциальные
уравнения

Пространства
Александрова

ОБЛАСТИ ИССЛЕДОВАНИЙ

1960-е - 1970-е

Хроногеометрия

Дифференциальные
уравнения

1980-е

Учебники по геометрии

ПРЕДВИДЕНИЯ

1. 1934. Макроскопическая квантовая механика

2. 1950, 1953. Теорема Александрова-Овчинниковой
Теорема Зимана (1964)

3. 1952. Несиловая квантовая связь.

Нобелевская премия (2022). Аспект, Клаузер и Цайлингер -
эксперименты 1982 года.

4. 1959. Абсолютное движение. Пространство может быть
только заполненным (излучением)

Реликтовое излучение. Нобелевская премия (1978). Пензиас и Уотсон -
фиксация излучения в 1965 году.

5. 1959. Нет материи - нет пространства..

Нет запутанности на абстрактной границе - нет пространства (Ван
Раамсдонк, 2010)

НЕСИЛОВАЯ КВАНТОВАЯ СВЯЗЬ.

Квантовое состояние. Кот Шрёдингера

Состояние 1-разрядного регистра квантового компьютера в момент времени t подобно одновременному пребыванию кота в живом и мёртвом состоянии:

$$|\text{кот}\rangle = \alpha |\text{живой кот}\rangle + \beta |\text{мертвый кот}\rangle$$

Иначе говоря, в квантовом мире альтернативы могут существовать одновременно.

Впрочем, можно предположить, что квантовый кот находится сразу в двух параллельных вселенных. В одной вселенной кот жив, а в другой – мёртв. Наблюдатель видит только того кота, в какой вселенной живет сам; параллельный, другой мир он не видит. Такой подход называется *эвереттовской интерпретацией квантовой механики*.

Квантовая сцепленность (запутанность)

Состояние

$$\sum_{n_{m-1}=0}^1 \sum_{n_{m-2}=0}^1 \dots \sum_{n_0=0}^1 c_{n_{m-1}n_{m-2}\dots n_0} |n_{m-1}\rangle \otimes |n_{m-2}\rangle \otimes \dots \otimes |n_0\rangle \quad (4)$$

квантового регистра называется *сцепленным*, если оно **не может** быть представлено в виде

$$|x_1\rangle \otimes \dots \otimes |x_m\rangle, \quad (5)$$

где $|x_j\rangle = \alpha_j|0\rangle + \beta_j|1\rangle$ ($j = 1, \dots, m$).

На языке волновых функций, описывающих систему, состоящую, к примеру, из двух подсистем x и y , сцепленность (запутанность) подсистем означает, что

$$\psi(x, y) \neq \phi(x)(y).$$

1980. Пример сцепленности Александрова

А.В.Левичев на семинаре "Хроногеометрия" в 1980 году сообщает об экспериментах Аспека, подтверждающих сцепленность. А.Д. комментирует, что он об этом говорил в 1952 году и для присутствующих поясняет, что такое несиловая квантовая связь следующим образом.

Запишем сцепленное состояние объекта «брак» формулами. Надо всего лишь учесть альтернативу в случае гибели мужа:

$$\text{Брак} = |\text{жив}\rangle_m |\text{замужняя}\rangle_j + |\text{мёртв}\rangle_m |\text{вдова}\rangle_j,$$

где буквы «м» и «ж» метят состояния мужчины и женщины соответственно.

В сборнике АН СССР "Эйнштейн и современная физика" от 1956 г., посвященного памяти Эйнштейна, В.А.Фок приводит этот пример, описывая "настроение начальника" с заменой мужа на "подчиненного" и жены на состояние начальника со ссылкой на А.Д. ЭТО КВАНТОВАЯ СОЦИОЛОГИЯ!

МАШИНА ВРЕМЕНИ

Машина времени Гёделя – это временные петли в лоренцевом многообразии.

ПРОБЛЕМА АЛЕКСАНДРОВА (1969). Каковы те физические условия в области пространства-времени с топологией R^4 , содержащей временную петлю?

Это была тема курсовой работы. Известные Пенроз и Хоукинг в 1969 году считали, что это критические для человека условия, но получение соответствующей оценки является крайне трудной задачей.

Решение было найдено в 1972 году. Из полученной оценки стало видно, что временные петли действительно существуют либо в крайне экстремальных физических условиях, либо имеют размеры галактического масштаба. Ни с чем подобным человечество в своем жизни не встречалось.

Пусть временная петля L является аналитической жордановой и лежит на односвязной поверхности $F \subset D$, причем $L = \partial F$, и F расположена в пространстве, заполненном пылевидной материей с плотностью ρ . Тогда для хронометрически инвариантного по Зельманову времени $\tau(L)$, требуемого для обхода по L , имеем

$$\tau(L) \sim \frac{\sqrt{8\pi G\rho}}{c^2} \sigma(F), \quad \sigma(F) = \iint_F dS \quad (6)$$

Из (6) вытекает, что если допустить "евклидово" соотношение $\sigma(F) \sim \pi^{-1}[I(L)]^2$, где

$$I(L) = \oint_L \sum_{\alpha, \beta=1}^3 \sqrt{\left(-g_{\alpha\beta} + \frac{g_{0\alpha}g_{0\beta}}{g_{00}} \right) dx^\alpha dx^\beta}$$

– пространственная длина петли L и $\sigma(F)$ – "евклидова" площадь поверхности F , то

$$\tau(L) \sim 2 \cdot 10^{-24} \sqrt{\rho} \cdot [I(L)]^2 \text{ (сек).}$$

КВАНТОВАЯ МАШИНА ВРЕМЕНИ

Но... парадокс дедушки, неразрешимый с точки зрения логики, двузначной логики, препятствует логичной конструкции машины времени и заставляет нас обратиться к изложению общей теории относительности (ОТО) в рамках *иной логики*.

Известно, что квантовая механика управляет неклассической квантовой логикой: там есть слово "вероятно".

Следовательно надо перейти к модальным логикам. Но последний ведут к *многомировым интерпретациям*.

Физик Эверетт при общении с журналистами употребил слова "параллельные вселенные" логик Крипке – "миры Лейбница".

Александров предвидел это, заявляя, что пространство-время в ОТО не совсем *абсолютно*, т.е. допускает вариации.

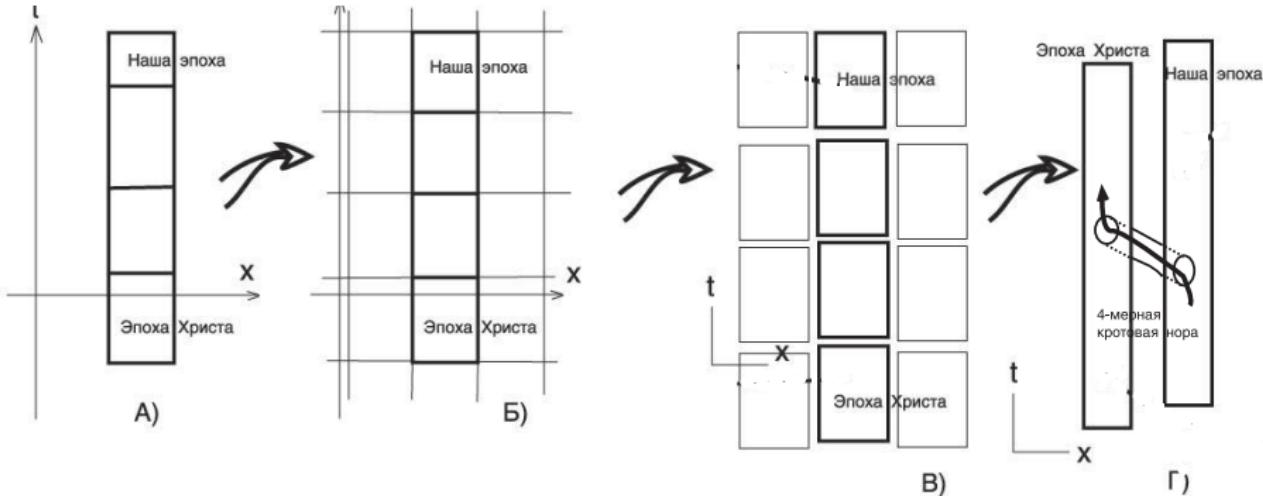
Машина времени должна быть квантовой!

КВАНТОВАЯ МАШИНА ВРЕМЕНИ

1. Мы должны разорвать пространство-время (меняя его топологию) на исторические эпохи. Затем вводя новую топологию поставить нужную прошлую эпоху Π «рядом» с нашей H , т.е. сделать *параллельным* пространством-временем, *параллельной вселенной*. Прошлая эпоха становится *параллельной эпохой*.
2. Соединить нашу эпоху H с параллельной эпохой Π посредством кротовой 4-норы.

Заметим, что мы по-прежнему находимся в рамках теории абсолютного Мира событий. Из нее можно, однако, выйти... используя, например, квантовую космологию Уилера-ДеВитта (ниже).

На картинке это выглядит так, как показано на следующем слайде.



А) Наша эпоха и эпоха Христа в пространстве-времени (t, x, y, z); Б) преобразование пространства-времени, разбивающего его на равные параллелепипеды; В) топологический разрыв пространства-времени на несвязные эпохи; Г) преобразование пространства-времени, в котором Наша эпоха и эпоха Христа «рядом и параллельны во времени» и соединяются 4-мерной кротовой норой.

КВАНТОВАЯ КОСМОЛОГИЯ УИЛЕРА

Мир существует в форме исторических эпох (параллельных вселенных).

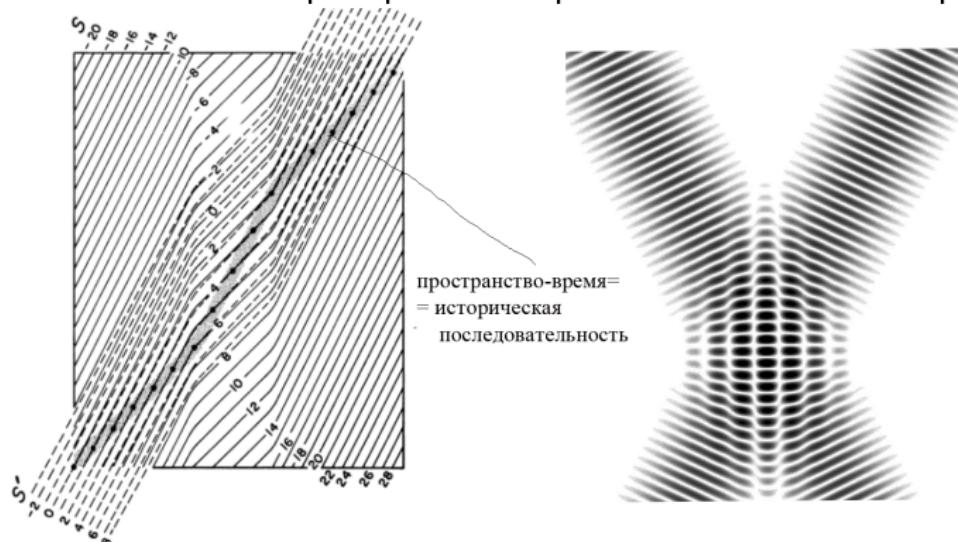
Каждая историческая эпоха – это Ψ -волна амплитуды вероятности 3-геометрий ${}^{(3)}\mathcal{G}$ в суперпространстве Уилера всех 3-мерных геометрий.

Пространство-время Вселенной M^4 в квантовой космологии Уилера-Девитта появляется как интерференция когерентной квантовой суперпозиции, или волнового пакета:

$$\Psi[{}^{(4)}\mathcal{G}] = \int_K c_k \Psi_k[{}^{(3)}\mathcal{G}] d\mu(k), \quad c_i \in \mathbb{C},$$

где $\Psi_k[{}^{(3)}\mathcal{G}]$ – частная волновая функция, являющаяся функционалом от 3-мерной римановой геометрии ${}^{(3)}\mathcal{G} = (M^3, h_{\alpha\beta})$ и удовлетворяющая функциональному уравнению Уилера-Девитта.

Интерференция дает цепи «горных пиков» – исторические последовательности = пространства-времена с линейным временем t .



Пространство-время – это цепь горных пиков (чёрные точки на рис. слева), образовавшихся при интерференции двух исторических эпох с Ψ -волнами $\Psi_k [{}^3\mathcal{G}]$ и $\Psi_{k'} [{}^3\mathcal{G}]$.

Таким образом, имеем систему Ω , т.е. Вселенную, которая может находиться в состояниях Ω_k , $k \in K$ с амплитудой вероятности $\Psi_k[{}^3\mathcal{G}]$. Каждая историческая эпоха – это состояние Ω_k .

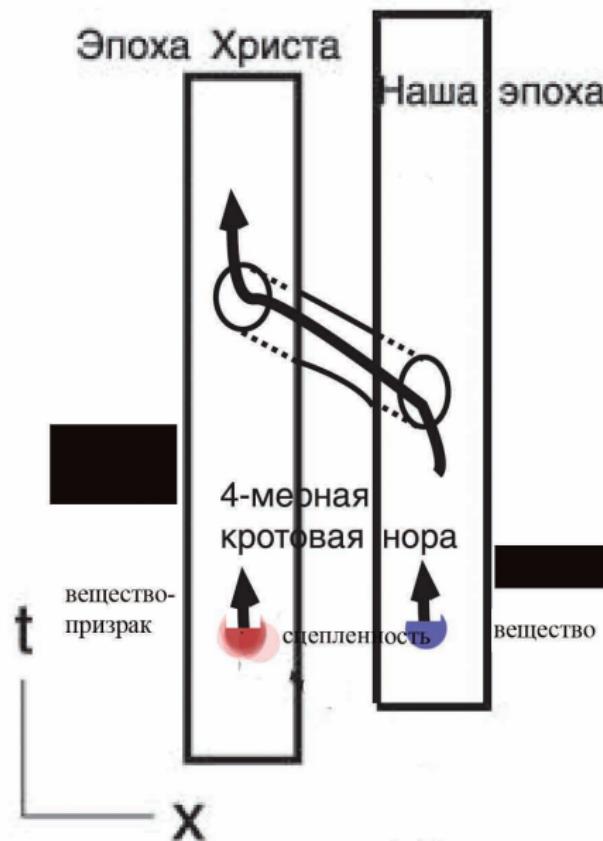
Историческая эпоха – это волна стационарности, волна неизменности в абстрактном бесконечномерном историческом пространстве, имеющая вид

$$\begin{aligned}\Psi(\Omega_k) &\equiv \Psi_\alpha({}^3\mathcal{G}, \mu, B, e, \sigma, \nu) = \\ &= A_k \left(\begin{array}{l} \text{медленно меняющаяся} \\ \text{амплитудная функция} \end{array} \right) e^{-\frac{i}{\hbar} S_k({}^3\mathcal{G}, \mu, B, e, \sigma, \nu)}.\end{aligned}$$

Историческая эпоха – это «замороженное» бытие людей, гештальт Гёте. Изменения в жизни отсутствуют в каждой конкретной исторической эпохе на протяжение всего времени её существования, точнее, всей длительности эпохи.

Историческая эпоха – это «настоящее», имеющее длительность.

Квантовая машина времени есть локальное сцепление двух состояний Ω_k и $\Omega_{k'}$.

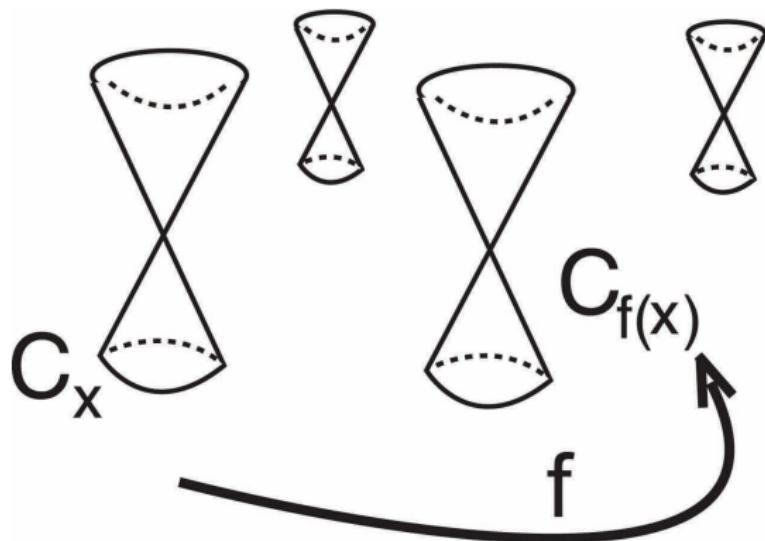


Вещество-призрак – это теневое вещество Дойча, т.е. состоит из частиц параллельной вселенной и которое в нашей Вселенной имеет нулевой тензор энергии-импульса. Но оно может иметь квантовую связь (сцепленность) с нашим веществом.

Такая машина времени является вероятностной – вместо визита к Пушкину можно попасть в Парк юрского периода.

ХРОНОГЕОМЕТРИЯ

В 1950-м году В.А. Фок попросил А.Д. установить самые простые условия для получения преобразований Лоренца из закона постоянства скорости света во всех инерциальных системах отсчета. Это ядро, суть СТО. А.Д. сделал.



Теорема Александрова-Овчинниковой (1953). Если $f : A^4 \rightarrow A^4$ - биективное отображение, $\{C_x\}_{x \in A^4}$ - семейство поверхностных двойных (одинарных) круговых конусов, и $f(C_x) = C_{f(x)}$ для любой $x \in A^4$, то f есть преобразование Лоренца.

Доказательство - образец геометрической простоты и изящества.



Хроногеометрия выясняет из каких начал вытекает структура пространства-времени. А.Д. поставил на "причинность". Было доказано множество теорем (Александров, Пименов, Борисов, Гуз, Кузьминых, Шайденко, Левичев, Астрakov, Крейнович, Кошелева, Копылов, Ионин, Шаламова и др.)

Над нами вечной радостью и властью
Пространство несказанной синевы,
И солнце яркими лучами счастья
Ласкает, обжигает и слепит.

А.Д. Александров. (1972)

Непрописанное...

1. Александров, КПСС и ученики-коммунисты (Залгаллер, Стрельцов, Гуц)
2. Как вести себя с обкомовцами (советы по телефону)
3. А я уже подписал приказ...
4. Звонил бывший ректор! Спрашивал как защитилась....!!
4. Кутателадзе, молодец, столько сделал для издания книги...

Спасибо за внимание!